

比較対照 METAPOST & Asymptote ~ 第5回

今回は path と guide , picture と frame です。Asymptote の path と guide は METAPOST の path を機能分化させたようなもの, Asymptote の picture と frame は METAPOST の picture を機能分化させたようなものです。

1 path と guide

100 個程度の点 (pair 値) からなる曲線 (path 値) を描くにはどうしたらいいでしょう。(ちなみに, 100 個の点はすでに $z[0] \sim z[99]$ に設定済みとします。) さすがに 100 個すべてを .. で結ぶのは大変です。ここで for 文を使うことが考えられますが, 1 つ問題があります。

```
path p=z[0]; for(int i=1; i<100; ++i){p=p..z[i];}
```

で一見いけそうに見えますが, これでは $z[0]..z[1]$, $z[1]..z[2]$, …, $z[98]..z[99]$ のブツ切りの〈パス〉をつないでただけで, 思ったようにつながるとは限りません¹。

METAPOST の場合は「for 文で繰り返す内容は文単位でなくてもいい」という, プログラム言語の中では特殊な仕様のおかげで, 次のように記述すれば問題は解決です。

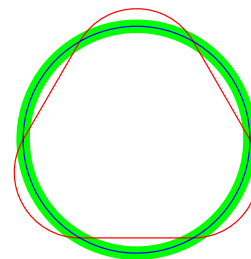
```
for n = 0 upto 98: z[n].. endfor z99;
```

しかし, Asymptote では, C 言語と同様 for 文で繰り返す内容は文単位ですので, この手は使えません。

こんなときに役立つのが guide です。guide 値は path 値と同様に, pair 値を .. や -- などをつないで記述しますが, path 値が記述と同時に曲線の形状を決めてしまうのに対し, guide 値は記述の際は構成する pair 値と接続方法のみ記録し, 実際に使う段になって初めて曲線を構築します。もう少し詳しく言うと, guide 値は draw や fill など, pair 値が使える文脈で pair 値の代わりに使え, このときに pair 値に変換されて²実際の曲線の形状が決定されます。

具体例を見てもらった方が早いので, 以下例を挙げます。上では話の勢い(?) で 100 個の点と言いましたが, 実例では面倒なので 6 個の点にします。METAPOST や Asymptote では同一円周上に等間隔に点を取り, それらを .. で結ぶとほぼ完全な円になります³。6 個の点は円周上に等間隔にとってますので, 普通に結べば (緑の太線) 円になります。これを for 文ブツ切りでつなぐと (赤の線) 円とは異なるよく分からない曲線になってしまいます。for 文を使うなら pair 値ではなく guide 値を使うべきで, これで描けば (青の線) 一気に 6 つの点を結んだときと同じ円になります。

```
\begin{ASYpic}<1.5cm>(0,0)(2,-2)
\sendASY{pair[] z;
for(int i=0; i<6; ++i){z[i]=dir(60i);}
path p=z[0]..z[1]..z[2]..z[3]..z[4]..z[5]..cycle;
path q=z[0]; for(int i=1; i<6; ++i){q=q..z[i];} q=q..cycle;
guide g=z[0]; for(int i=1; i<6; ++i){g=g..z[i];} g=g..cycle;
draw(p,green+linewidth(5pt)); draw(q,red); draw(g,blue);
}
\end{ASYpic}
```



赤の線の形状について少し補足しておきますと, まず, for 文の 1 回目の実行で $z[0]..z[1]$ の〈パス〉が形成されます。この〈パス〉はこの時点では 2 点しか含まれないので線分です。そして, 終端 $z[1]$ での〈パス〉の向きは $z[0]$ から $z[1]$ の向きです。円周方向ではありません。次に, for 文の 2 回目の実行で $z[1]..z[2]$ の〈パス〉が追加されます。このとき, 新たに追加された部分は前回の終端である $z[1]$ での向きを引き継ぎます。 $z[2]$ での向きは直接指定されていませんが, METAPOST や Asymptote で 2 点 (pair 値) を .. で結び, 曲線の向きを一方の端点のみで与えると, できあがった曲線が「2 点を結ぶ線分の垂直二等分線」に関して対称になるようにもう一方の端点での向きが決まるため, 終端 $z[2]$ での〈パス〉の向きは $z[2]$ から $z[3]$ の向きになります。さらに, for 文の 3 回目の実行で $z[2]..z[3]$ の〈パス〉が追加されます。このとき, 前回の終端 $z[2]$ での向きが $z[2]$ から $z[3]$ の向きでしたので, 追加される部分は線分になります。以下同様です。

ちなみに, METAPOST ではこんな感じになります。

¹後の実例を見れば分かると思いますが, 接合位置での〈パス〉の向きは引き継がれるようです。しかし, それだけでは不十分なことも実例を見れば明らかです。

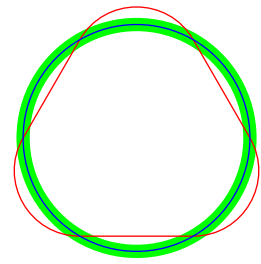
²いわゆる型キャストです。

³4 点程度でも十分な精度です。

```

\begin{MPpic}<1.5cm>(0,0)(2,-2)
  \sendMP{for n=0upto5: z[n]=w*dir60n; endfor
    path p,q,r;
    p:=z0..z1..z2..z3..z4..z5..cycle;
    q:=z0; for n=1upto5: q:=q..z[n]; endfor q:=q..cycle;
    r:=for n=0upto5: z[n].. endfor cycle;}
  \sendMP[5pt]{draw p withcolor green;}
  \sendMP{draw q withcolor red; draw r withcolor blue;}
\end{MPpic}

```



2 picture と frame

METAPOST では描画面 (`picture` 値, デフォルトは `currentpicture`) は初めから POSTSCRIPT の基本単位である bp を単位長とする座標系ですが, Asymptote では前回説明したように `currentpicture` も含め, 各 `picture` 値はそれぞれ独自の単位長を持てます⁴。そして, 別の図に貼り付ける, あるいは POSTSCRIPT データとして出力するとき, その単位長を反映させます。その単位長を反映させた後のものは, POSTSCRIPT データと同じく bp 単位の座標系を持つデータであり, これを `picture` 値と区別して `frame` 値と呼びます。ちなみに, 前回紹介した `.fit()` は, 実は `picture` 値を `frame` 値に変換する命令です。また「固定サイズで貼り付け」は, 内部的に `.fit()` の引数で単位長 1bp (拡大縮小なし) に相当する変換を指定して `frame` 値に変換して貼り付けています。さらに `currentpicture` は, ファイルの最後で, とくに指定されていなくても自動的に `.fit()` が実行され `frame` 値に変換されて最終的なデータになります。

Asymptote の `frame` 値は, 「bp 単位の座標系を持つデータ」という意味では METAPOST の `picture` 値に近いものですが, METAPOST の `picture` 値と異なり, Asymptote では `frame` 値に直接描画するのではなく, `picture` 値 (もちろん Asymptote の) に描き込んだ後 `frame` 値に変換するというスタイルになっています。 `frame` 値に変換するのは, 通常, 別の `picture` 値に貼り付けるか最終出力をするときかですので, 「変換後直ちに使用する」ため, `frame` 値の変数⁵を直接使う機会はあまりないかも知れません⁶。

《クイズ》 `picture` 値変数 `pica`, `picb` を用意し, 単位長を次のように設定します。

```
unitsize(pica,0.5,1.5); unitsize(picb,3); unitsize(2);
```

つまり, `pica` は横方向 0.5 倍, 縦方向 1.5 倍, `picb` は縦横とも 3 倍, `currentpicture` は縦横とも 2 倍です。

ここで, 中心 (0,1cm), 半径 1cm の円を `pica` に描きます。

```
draw(pica,circle((0,1cm),1cm));
```

その後, `pica` を `picb` に貼り付け, さらに `picb` を `currentpicture` に貼り付けることを考えます。

以下のそれぞれの場合について, 円の中心と半径 (楕円のときは長半径と短半径) はいくらになるでしょう。

<code>pica</code> → <code>picb</code>	<code>picb</code> → <code>currentpicture</code>	中心	半径
<code>add(picb,pica);</code>	<code>add(picb);</code>		
	<code>add(picb.fit());</code>		
	<code>add(picb,(w,0));</code>		
<code>add(picb,pica.fit());</code>	<code>add(picb);</code>		
	<code>add(picb.fit());</code>		
	<code>add(picb,(w,0));</code>		
<code>add(picb,pica,(-w,0));</code>	<code>add(picb);</code>		
	<code>add(picb.fit());</code>		
	<code>add(picb,(w,0));</code>		

答は次回。ヒント: サイズが決まるのは最初に `.fit()` したとき。

⁴`unitsize` ではなく `size` を使えば, 単位長ではなく図全体のサイズを指定することになりますが, 図の拡大縮小という点では同じなので, 以下区別しません。適宜読み替えてください。

⁵`currentpicture` に対応する `currentframe` はありません。

⁶引数に `frame` 値を要求する関数 (命令) は結構ありますので, `frame` 値を使わないわけではありません。ただ, それらの引数には `.fit()` など生成した `frame` 値を直接記述することが多いので, 変数に名前を付けて使うことが少ないという意味です。 `frame` 値変数をよく使うのは, `frame` 値を操る関数 (命令) を定義するときでしょう。